

разование микротрещин и пустот, развитие микротрещин по границе раздела волокно-матрица, образование полос сдвига матрицы, раскрытие трещин, катастрофический рост трещин. Показано, что при растяжении модельного однонаправленного композита с полимерной матрицей обнаружены два вида микродефектов в матрице у концов оборванных волокон: дисковидные микротрещины, плоскость которых параллельна плоскости разрушения волокна и искривленные микротрещины, ориентированные под углом 45° к направлению армирования. Установлено, что в КМ «углерод – углерод» основной причиной возникновения микродефектов служит нарушение связи между волокном и матрицей.

*Работа выполнена в рамках государственного задания Министерства науки и высшего образования Российской Федерации (ФСФФ-2023-0007).*

УДК 539.3

## **АНАЛИЗ ПРОЧНОСТИ СЛОИСТОЙ ПЛАСТИНЫ ИЗ ПОЛИМЕРНОГО КОМПОЗИЦИОННОГО МАТЕРИАЛА С КОНЦЕНТРАТОРОМ НАПРЯЖЕНИЙ В ВИДЕ СКВОЗНОГО ОТВЕРСТИЯ**

*A. Ю. ЕРШОВА, М. И. МАРТИРОСОВ*

*Московский авиационный институт (НИУ), Российская Федерация*

Отверстие под механический крепеж является концентратором напряжений для конструкций из любого материала, так как это источник трещин и дефектов, которые снижают несущую способность конструкции в целом.

Для конструкций из полимерных композиционных материалов (ПКМ) эта проблема стоит особенно остро, так как в этом случае основным несущим элементом является волокно. Как известно, армирующие волокна воспринимают основную долю внешних нагрузок и обеспечивают прочность и жесткость. При разрушении волокна при сверлении отверстия под механический крепеж несущая способность конструкции из ПКМ (стеклопластика и углепластика) значительно падает. Матрица же предназначена для обеспечения монолитности материала и передачи равномерного распределения усилий между армирующими волокнами.

Анализ существующих критериев расчета на прочность элементов конструкций (например, пластин) из ПКМ с концентраторами напряжений показывает, что наиболее достоверные результаты дает критерий Нуизмера [1]. Согласно этому критерию разрушение элемента конструкции из ПКМ при наличии концентратора напряжений в виде кругового отверстия наступает тогда, когда напряжение в некоторой точке, отстоящей от контура отверстия на расстояние  $d_0$ , называемым характеристическим, достигает предела прочности  $\sigma_b$  материала. Характеристический размер  $d_0$  зависит от величины диаметра отверстия  $d$  и учитывает разрыхление композита.

В отечественной и зарубежной литературе представлены данные, подтверждающие работоспособность этого критерия, но эти результаты получены для свободных (незаполненных) сквозных отверстий, а также вырезов.

Для отверстия диаметром  $d = 6$  мм величина  $d_0 = 1$  мм, , для отверстий других диаметров

$$d_0 = \left( d / 6 \right)^{1/2}.$$

Критерий Нуизмера дает приемлемые результаты с точки зрения инженерной практики для случаев разрушения пластин из ПКМ, состоящих из различного числа монослоев, разрывом и может быть рекомендован к практическому использованию [2, 3]. В случае смятия, среза, скола этот критерий дает завышенную оценку прочности.

В данной работе рассматривается распределение напряжений вблизи сквозного отверстия в пластинах из углепластиков различных марок [4, 5] при растяжении, определяется коэффициент концентрации напряжений:

- 1) Cocom 970-38%-3KT650-P-193-1520 W-T6 (углеткань);
- 2) HexPly M21/34%/UD194/IMA-12K (углелента);
- 3) HexPly M21/40%/285T2/AS4C-6K (углеткань);
- 4) HexPly 8552/34%/UD134/ AS4-12K (углелента).

Изучаются следующие смешанные ( $0^\circ$ ,  $\pm 45^\circ$ ,  $90^\circ$ ) симметричные схемы с укладками монослоев в пластинах (16, 14 и 12 монослоев):

- 1)  $90^\circ / 45^\circ / 90^\circ / -45^\circ / 0^\circ / 45^\circ / 0^\circ / 45^\circ / 0^\circ / 45^\circ / 0^\circ -45^\circ / 90^\circ / 45^\circ / 90^\circ$ ;
- 2)  $45^\circ / -45^\circ / 0^\circ / 90^\circ / 0^\circ / 45^\circ / -45^\circ / 45^\circ / 0^\circ / 90^\circ / 0^\circ / -45^\circ / 45^\circ$ ;
- 3)  $45^\circ / -45^\circ / 90^\circ / 0^\circ / 45^\circ / -45^\circ / 45^\circ / 0^\circ / 90^\circ / -45^\circ / 45^\circ$ .

В работе также исследовано влияние диаметра отверстия (2, 4, 6, 8 мм) на прочность ламина. Дано сравнение полученных результатов с некоторыми имеющимися экспериментальными и теоретическими данными отечественных и зарубежных авторов.

Выработаны практические выводы и рекомендации.

#### **Список литературы**

- 1 **Witney, J. M.** Stress fracture criteria for laminated composites containing stress concentrations / J. M. Witney, R. J. Nuismer // Journal of Composite Materials. – 1974. – Vol. 8. – P. 253–265.
- 2 Оценка прочности металло-композитных соединений с применением критерия Нуизмера / Я. С. Боровская [и др.] // Ученые записки ЦАГИ. – 2018. – Т. XLIX, № 2. – С. 84–92.
- 3 Исследование критериев разрушения композиционных образцов с концентраторами напряжений при сжатии / В.И. Гришин [и др.] // Механика композиционных материалов и конструкций. – 2014. – Т. 20, № 1. – С. 58–86.
- 4 **Ершова, А. Ю.** Испытания образцов «полоса с отверстием» из углепластика с типовой укладкой монослоев на растяжение и сжатие / А. Ю. Ершова, М. И. Мартиросов // Динамические и технологические проблемы механики конструкций и сплошных сред : материалы XXII Междунар. симпозиума им. А. Г. Горшкова. – М. : МАИ, 2018. – Т. 1. – С. 102–104.
- 5 **Ершова, А. Ю.** Экспериментальное исследование влияния температурно-влажностных условий на механические свойства образцов «полоса с отверстием» из полимерного композиционного материала / А. Ю. Ершова, М. И. Мартиросов, Д. В. Дедова // Динамические и технологические проблемы механики конструкций и сплошных сред : материалы XXVII Междунар. симпозиума им. А. Г. Горшкова. – М. : МАИ, 2021. – Т. 1. – С. 91–97.

УДК 539.3

## **СВЯЗНАЯ КВАЗИТРЕХМЕРНАЯ МОДЕЛЬ ОБОБЩЕННО-ТЕРМОУПРУГОЙ НЕТОНКОЙ АНИЗОТРОПНОЙ НЕОДНОРОДНОЙ ОБОЛОЧКИ**

**С. И. ЖАВОРОНОК**

*Институт прикладной механики Российской академии наук, г. Москва*

**Ек. Л. КУЗНЕЦОВА**

*Институт прикладной механики Российской академии наук, г. Москва*

*Московский авиационный институт (НИУ), Российская Федерация*

Предложена новая вариационная формулировка расширенной теории  $N$ -го порядка обобщенно-термоупругих нетонких неоднородных анизотропных оболочек. В соответствии с концепцией описания оболочек как континуально-дискретных систем [1] в основу теории положен Лагранжев вариационный формализм аналитической механики континуальных систем [2] и аналитической термодинамики [3], а также метод редукции пространственной размерности модели [4–7]. Модель оболочки определена на расслоении гладкого многообразия, соответствующего некоторой реперной поверхности (в общем случае не совпадающей со срединной или лицевыми поверхностями) конфигурационным пространством со множеством переменных поля первого рода [8, 9], поверхностью и контурной плотностями функционалов Лагранжа и Рэлея и уравнениями связей [10, 11]. Переменные поля первого рода порождаются коэффициентами разложения полей векторов перемещения и энтропии М. Био [3] по системе функций безразмерной нормальной координаты, образующей биортогональный базис в гильбертовом пространстве над отрезком  $[-1, 1]$ . Плотности функционалов Лагранжа и Рэлея, зависящие от переменных поля первого рода, их производных по временной переменной и ковариантных производных по криволинейным координатам на многообразии вытекают из исходных формулировок пространственных и граничных плотностей соответствующих