

Таблица 1 – Характеристики бетонов с УНМ

Характеристика бетона	Размерность	Величина в проектном возрасте		Повышение показателя, %
		без УНМ	с УНМ	
Мелкозернистый бетон				
Прочность на сжатие	МПа	55–74	67–82	11–21
Прочность на осевое растяжение (раскалывание)	МПа	1,45–1,67	1,54–2,17	6–30
Прочность на растяжение при изгибе	МПа	9,1–11,9	9,9–13,9	9–17
Водопоглощение	%	3,9–4,0	3,6–3,7	–(7–8)
Высокопрочный бетон				
Прочность на сжатие	МПа	80–100	88–115	10–15
Модуль упругости	МПа $\times 10^3$	45–47	46–49	2–4
Водопоглощение	%	2,0–2,8	1,9–2,7	–(3,5–5,0)
Солестойкость после 10 циклов в насыщенных растворах:				
NaCl – Δm	%	2,5–2,6	2,3–2,5	–(4–8)
NaCl – f_{cm}	МПа	75–83	91–104	21–25
Na ₂ SO ₄ – Δm	%	2,5–2,7	2,3–2,5	–(7–8)
Na ₂ SO ₄ – f_{cm}	МПа	74–79	89–102	20–29
Водонепроницаемость	марка	W16–W18	W18–W20	1 марка

Результаты комплексных экспериментально-теоретических исследований показали, что воздействие углеродных наноматериалов на процессы взаимодействия цемента с водой, твердения, формирования структуры и прочностных свойств цементного бетона имеет физическую природу и не изменяет морфологию кристаллогидратных новообразований затвердевшего цемента.

Результаты механических испытаний бетона на сжатие, растяжение при изгибе и осевое растяжение (путем раскалывания образцов (в статье не приведены)) показали, что в последнем случае прирост прочности бетона (на примере мелкозернистого) более значителен, что подтверждает теоретическую предпосылку о «наноармировании» кристаллогидратной структуры цементного камня в бетоне за счет «встраивания» в неё волокнообразных УНМ, способствующих восприятию растягивающих усилий, возникающих в раскалываемых образцах.

Общая оценка свойств бетона с УНМ подтверждает его перспективность к применению в мелкозернистых и тяжелых бетонах, бетонах дорожных, аэродромных покрытий, а также при изготовлении сборных изделий и в варианте монолитного строительства несущих конструкций, сооружений транспортных коммуникаций.

УДК 539.3

НЕОСЕСИММЕТРИЧНОЕ ТЕРМОСИЛОВОЕ НАГРУЖЕНИЕ КРУГОВОЙ ПЛАСТИНЫ В СВОЕЙ ПЛОСКОСТИ

Э. И. СТАРОВОЙТОВ, А. В. НЕСТЕРОВИЧ

Белорусский государственный университет транспорта, г. Гомель

Для описания кинематики пакета принята гипотеза «прямой нормали»: в пластине толщиной h нормаль остается прямолинейной, не изменяет своей длины, но поворачивается на некоторый дополнительный угол, составляющий с радиальной и тангенциальной осями величины $\psi(r, \varphi)$ и $\psi_\varphi(r, \varphi)$. Деформации малые. Проекция внешней нагрузки на радиальное и тангенциальное направления обозначим $p_r(r, \varphi)$, $p_\varphi(r, \varphi)$. В этом случае перемещения в пластине выражаются через две искомые функции: u_r , u_φ .

На границах склейки слоев перемещения непрерывны. На торце пластины предполагается наличие жесткой диафрагмы, препятствующей относительному сдвигу слоев ($\psi_r = 0$ при $r = r_0$), но не мешающих деформированию из своей плоскости.

Постановка задачи проводится в цилиндрической системе координат r, φ, z . Срединную плоскость заполнителя примем за координатную, ось z направим ей перпендикулярно вверх, к слою 1. В этом случае перемещения в слоях выражаются через пять искомых функций $u_r, u_\varphi, \psi_r, \psi_\varphi, w$:

$$u_r^{(1)} = u_r + c\psi_r - zw_{,r}; \quad u_r^{(2)} = u_r - c\psi_r - zw_{,r};$$

$$u_\varphi^{(1)} = u_\varphi + c\psi_\varphi - \frac{z}{r}w_{,z\varphi}; \quad c \leq z \leq c + h_1;$$

$$u_\varphi^{(2)} = u_\varphi - c\psi_\varphi - \frac{z}{r}w_{,z\varphi}; \quad -c \leq z \leq c;$$

$$u_r^{(3)} = u_r + z\psi_r - zw_{,r}; \quad u_\varphi^{(3)} = u_\varphi + z\psi_\varphi - \frac{z}{r}w_{,z\varphi}; \quad -c - h_2 \leq z \leq -c.$$

где z – расстояние от рассматриваемого волокна до срединной плоскости заполнителя, запятая в нижнем индексе обозначает операцию дифференцирования по следующей за ней координате.

Уравнения равновесия рассматриваемой пластины в усилиях получены с помощью принципа возможных перемещений Лагранжа.

$$T_{rr,r} + \frac{1}{r}(T_{rr} - T_{\varphi\varphi}) + \frac{1}{2r}T_{r\varphi,\varphi} = -p_r,$$

$$H_{r\varphi,r} + \frac{1}{r}(H_{r\varphi} - H_{\varphi\varphi}) - Q_r - \frac{1}{2r}H_{r\varphi,\varphi} = 0$$

$$M_{rr,rr} + \frac{1}{r}(2M_{rr,r} - M_{\varphi\varphi,r}) + \frac{1}{r^2}M_{\varphi\varphi,\varphi\varphi} - \frac{1}{2r}M_{r\varphi,\varphi r} + \frac{1}{2r}M_{r\varphi,r\varphi} + \frac{1}{r^2}M_{r\varphi,\varphi} = -q$$

$$T_{r\varphi,r} + \frac{2}{r}T_{\varphi\varphi,\varphi} + \frac{2}{r}T_{r\varphi} = -p_\varphi,$$

$$H_{r\varphi,r} + \frac{2}{r}H_{\varphi\varphi,\varphi} + \frac{2}{r}H_{r\varphi} - 2Q_\varphi = 0.$$

Если в этой системе выразить все внутренние усилия через пять искомых функций и добавить к ней граничные условия, то получим замкнутую краевую задачу для нахождения решения.

Уравнения равновесия в частных производных рассматриваемой пластины при неосесимметричном деформировании в своей плоскости будут следовать из этой системы, если положить $\psi_r = \psi_\varphi = w = 0$. В результате

$$(a_5 + a_2)\frac{u_{r,\varphi r}}{r} + (a_5 + a_1)\frac{u_{r,\varphi}}{r^2} + a_5(u_{\varphi,rr} - \frac{u_\varphi}{r^2}) + a_1\frac{u_{\varphi,\varphi\varphi}}{r^2} = -p_\varphi,$$

$$(a_2 + a_5)\frac{u_{\varphi,r\varphi}}{r} - (a_1 + a_5)\frac{u_{\varphi,\varphi}}{r^2} + a_1(u_{r,rr} + \frac{u_{r,r}}{r} - \frac{u_r}{r^2}) + a_5\frac{u_{r,\varphi\varphi}}{r^2} = -p_r,$$

где запятая в нижнем индексе обозначает операцию дифференцирования по следующей за ней координате, коэффициенты a_i определяются интегральными соотношениями, так как модули упругости материалов в слоях изменяются по их толщине вместе с температурой:

$$a_1 = \sum_{k=1}^3 K_{k0}, \quad a_2 = K_{32} + c^2(K_{10} + K_{20}), \quad a_5 = \int_{h_3} G_3 dz, \quad a_6 = c(K_{10} - K_{20}),$$

$$K_{km} = \int_{h_k} [K_k(T) + \frac{4}{3}G_k(T)]z^m dz \quad (m = 0, 1, 2).$$

Добавив к этим уравнениям принятые граничные условия, получим замкнутую краевую задачу для нахождения тангенциальных и радиальных перемещений в задаче о неосесимметричном деформировании трехслойной пластины в своей плоскости.

Так как уравнения равновесия не включают температуру T , то ее воздействие скажется на модулях упругости, входящих в коэффициенты a_1, \dots, a_5 и в соотношения связи напряжений и деформаций.

Зависимость модулей упругости от температуры описывает формула Белла:

$$\{G(T), K(T), E(T)\} = \{G(0), K(0), E(0), E(0)\} \varphi(T),$$

